



**Pregunta 1:** Para el circuito mostrado, halle la impedancia total vista por la fuente de voltaje y determine el valor de los voltajes y corrientes indicados (8 pts).

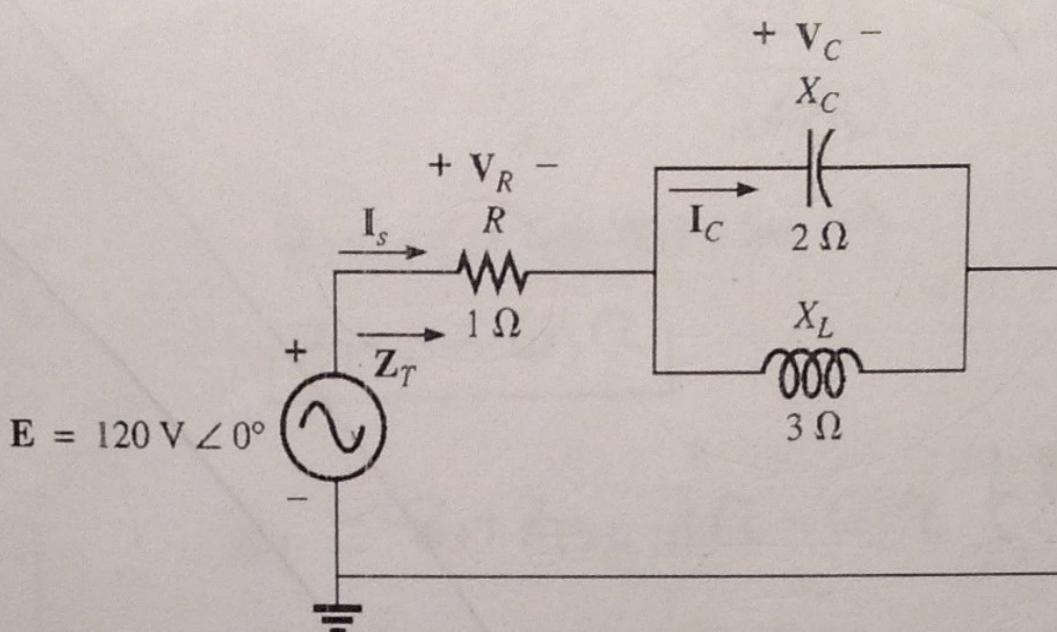


Fig. 1

**Pregunta 2:** Encuentre el número total de vatios, voltios-amperios reactivos, voltios-amperios y el factor de potencia del circuito mostrado. Dibuje el triángulo de potencia (9 pts).

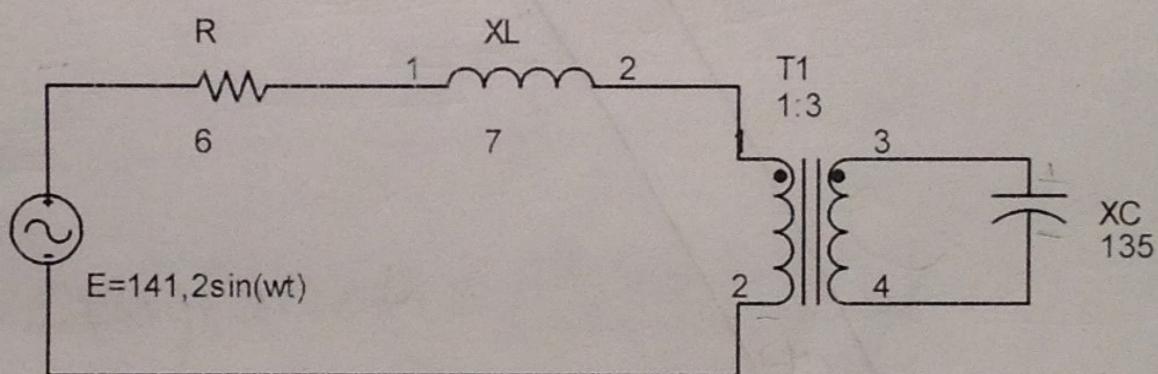
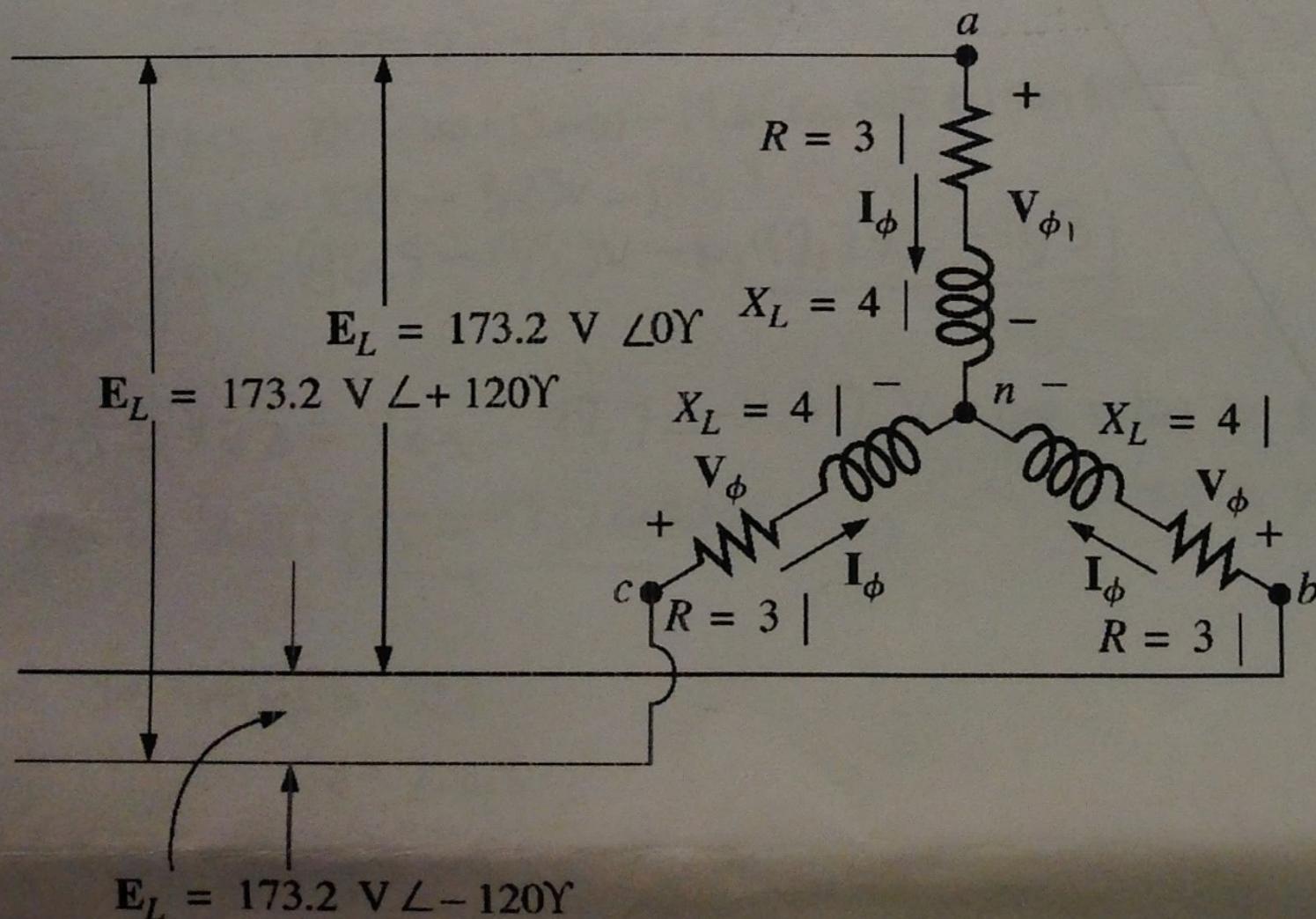


Fig. 2

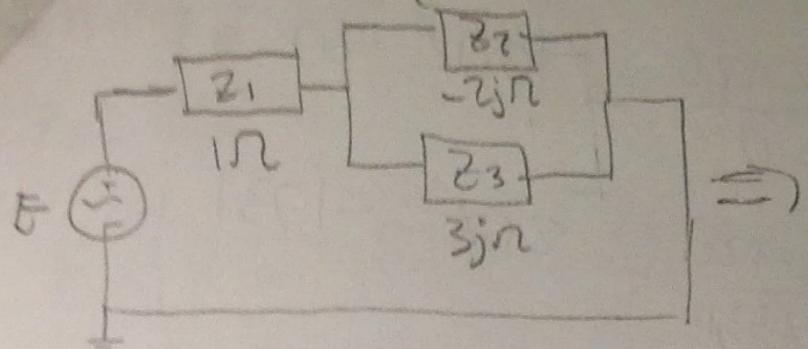
**Pregunta 3:** Para la carga conectada en  $\Delta$ -Y mostrada (8 pts):

1. Encuentre la potencia aparente  $S$  para cada fase y la potencia aparente total (2pts).
2. Encuentre el factor de potencia (2pts).
3. La potencia promedio  $W$  en cada fase y la carga total (2pts).
4. Encuentre la potencia  $Q$  reactiva para cada fase y la potencia reactiva total (2pts).



# Pregunta # 1

Impedancia total vista por la fuente de voltaje es:



$$\frac{1}{Z_{22}} = \frac{1}{Z_1} + \frac{1}{Z_2} = \frac{Z_2 + Z_1}{Z_1 Z_2}$$

$$Z_{22} = \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{(2 \angle -90) \cdot (3 \angle 90)}{-2j + 3j}$$

$$Z_{22} = \frac{6 \angle 0}{1j} = \frac{6 \angle 0}{1 \angle 90} = [6 \angle -90]$$

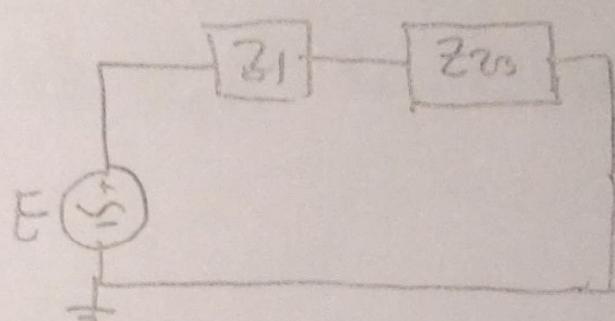
$$Z_{23} = 6(\cos -90 + j \sin -90)$$

$$Z_{23} = -6j \Omega$$

Ya que  
Z<sub>22</sub> y Z<sub>23</sub>  
están en paralelo

$$Z_1 = Z_2 = -2j \rightarrow 2 \angle -90$$

$$Z_1 = Z_3 = 3j \rightarrow 3 \angle 90$$



$$Z_T = Z_1 + Z_{23} = 1\Omega - 6j\Omega \quad \left. \begin{array}{l} \text{ya que } Z_1 \text{ y } Z_{23} \\ \text{están en serie} \end{array} \right\}$$

$$Z_T = (1 - 6j)\Omega \rightarrow [6,1 \angle -80,5]$$

(8)

$$I_S = \frac{E}{Z_T} = \frac{120 \angle 0}{6,1 \angle -80,5} = [19,6 A \angle 80,5]$$

$$V_R = I_S R = (19,6 A \angle 80,5)(1\Omega \angle 0) = [19,6 V \angle 80,5]$$

→ Calcularemos el voltaje de Z<sub>23</sub> utilizando ley de Kirchoff de Voltaje:

$$V_{Z_1} - V_R - V_{Z_{23}} = 0$$

$$V_{Z_{23}} = E - V_R$$

$$V_{Z_{23}} = (100 \angle 0) - (19,6 \angle 80,5)$$

$$V_{Z_{23}} = 100(\cos 0 + j \sin 0) - 19,6(\cos 80,5 + j \sin 80,5)$$

$$V_{Z_{23}} = 100 - 3,23j - j19,3$$

$$V_{Z_{23}} = (96,8 - 19,3j)V \rightarrow [98,7 V \angle -11,3]$$

$$\begin{aligned} \textcircled{*} \quad V_{Z_{23}} &= V_{Z_2} = V_{Z_3} = 98,7 \angle -11,3 \quad \left. \begin{array}{l} \text{ya que están en paralelo} \\ \text{y el voltaje es el mismo} \end{array} \right\} \\ \text{por lo tanto: } V_C &= 98,7 \angle -11,3 \end{aligned}$$

→ finalmente se calculará I<sub>C</sub>:

$$I_C = \frac{V_C}{Z_C} = \frac{V_C}{Z_3} = \frac{98,7 \angle -11,3}{2 \angle -90} =$$

$$[I_C = 49,35 A \angle 78,7]$$

### Pregunta 3 Pregunta #3

#### Parte 1

→ Primero debemos calcular el voltaje  $V_\phi$

$$E_L = \sqrt{3} V_\phi$$

$$V_{\phi\text{an}} = \frac{E_L}{\sqrt{3}} = \frac{1732 \angle -120^\circ}{\sqrt{3} \angle 0^\circ} = 100 \angle -120^\circ$$

→ Luego la impedancia equivalente de cada fase:

$$Z_{eq} = R + jX_L = 3 + 4j \rightarrow 5 \angle 53,1^\circ$$

$$I_{\phi\text{an}} = \frac{V_\phi}{Z_{eq}} = \frac{100 \angle -120^\circ}{5 \angle 53,1^\circ} = 20 A \angle -53,1^\circ$$

→ Calcularemos la potencia S para cada fase utilizando el módulo  $I_\phi$  que es constante en cada fase:

$$S_f = V_\phi \cdot I_\phi = 100V \cdot 20A = 2000 \text{ VA}$$

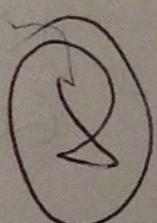
→ La potencia S total es:

$$S = S_f \cdot 3 = 2000 \text{ VA} \cdot 3 = 6000 \text{ VA}$$

#### Parte 2

→ Para determinar el factor de potencia se debe calcular la potencia P

$$P = S \cos \phi = 6000 \text{ VA} \cdot \cos 53,1^\circ$$



$$\boxed{P = 3600 \text{ W}}$$

$$\text{Factor de potencia} = F_p = \frac{P}{S} = \frac{3600 \text{ W}}{6000 \text{ VA}} = 0,6$$

$$\boxed{F_p = 0,6}$$

#### Parte 3

$$W_\phi = (I_\phi)^2 R = (20A)^2 (3 \Omega) = 1200 \text{ W}$$

$$W = W_\phi \cdot 3 = 1200 \text{ W} \cdot 3 = 3600 \text{ W}$$

$W_\phi$  = Potencia promedio fase

$W$  = Potencia promedio total

#### Parte 4

$$Q_\phi = (I_\phi)^2 \cdot X_L = (20A)^2 (4 \Omega) = 1600 \text{ VAR}$$

$$Q = Q_\phi \cdot 3 = 1600 \text{ VAR} \cdot 3 = 4800 \text{ VAR}$$